

# MÉTODOS ESTADÍSTICOS DE APRENDIZAJE

ERIKA TANGER Y WILMAN VALDES

Universidad Antonio Nariño

15 de mayo del 2014

# INTRODUCCIÓN

- ▶ En este capítulo aprenderemos como los agentes pueden tratar con la incertidumbre utilizando métodos que hagan uso de las probabilidades y de la teoría de la decisión pero primero deben aprender las teorías probabilísticas sobre el mundo a partir de la experiencia.

# Aprendizaje Estadístico

- ▶ En el aprendizaje estadístico las variables clave son los datos y las hipótesis.
- ▶ Los datos son evidencias, es decir instancias de todas o algunas de las variables aleatorias.
- ▶ Las hipótesis son teorías probabilísticas.

# Razonamiento Bayesiano

- ▶ Nos da un enfoque probabilístico de la inferencia.
- ▶ Está basado en asumir que las incógnitas de interés siguen distribuciones probabilísticas.
- ▶ Se puede conseguir una solución óptima por medio de estas distribuciones y datos observados.
- ▶ Nos da la posibilidad de realizar una ponderación de la posibilidad de ocurrencia de una hipótesis de manera cuantitativa.

# Importancia del Razonamiento Bayesiano

- ▶ Los algoritmos de aprendizaje bayesiano pueden calcular probabilidades explícitas para cada hipótesis.
- ▶ También nos proporcionan un marco para estudiar otros algoritmos de aprendizaje.

# Primera Característica

- ▶ Cada ejemplo de entrenamiento afecta a la probabilidad de las hipótesis. Esto es más efectivo que descartar directamente las hipótesis incompatibles.
- ▶ Se puede incluir conocimiento a priori: probabilidad de cada hipótesis; y la distribución de probabilidades de los ejemplos.
- ▶ Es sencillo asociar un porcentaje de confianza a las predicciones, y combinar predicciones en base a su confianza

## Segunda Característica

- ▶ Una nueva instancia es clasificada como función de la predicción de múltiples hipótesis, ponderadas por sus probabilidades.
- ▶ Incluso en algunos casos en los que el uso de estos métodos se ha mostrado imposible, pueden darnos una aproximación de la solución óptima.

# Teorema de Bayes

- ▶  $P(h)$  es la probabilidad a priori de la hipótesis  $h$ .
- ▶  $P(D)$  es la probabilidad de observar el conjunto de entrenamiento  $D$ .
- ▶  $P(D|h)$  es la probabilidad de observar el conjunto de entrenamiento  $D$  en un universo donde se verifica la hipótesis  $h$ .



## Readable Mathematics

Let  $X_1, X_2, \dots, X_n$  be a sequence of independent and identically distributed random variables with  $E[X_i] = \mu$  and  $\text{Var}[X_i] = \sigma^2 < \infty$ , and let

$$S_n = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n} = \frac{1}{n} \sum_i^n X_i$$

denote their mean. Then as  $n$  approaches infinity, the random variables  $\sqrt{n}(S_n - \mu)$  converge in distribution to a normal  $\mathcal{N}(0, \sigma^2)$ .